

<p>التمرين الاول : نعتبر الدالة العددية f المعرفة بما يلي:</p> $f(x) = \begin{cases} x \operatorname{Arc} \tan x, & x > 0 \\ \sqrt[3]{1-x^3} - 1, & x \leq 0 \end{cases}$ <p>(1) حدد D_f مجموعة تعريف الدالة f واحسب نهايات f عند محددات D_f.</p> <p>(2) ادرس اتصال f في النقطة 0.</p> <p>(3) ادرس قابلية اشتقاق f في 0 على اليمين وعلى اليسار ثم أول النتيجة المحصل عليها هندسيا.</p> <p>(4) احسب $f'(x)$ لكل x من $]-\infty, 0[$ واحسب $f'(x)$ لكل x من $]0, +\infty[$.</p> <p>(ب) ضع جدول تغيرات f على D_f.</p> <p>(5) حدد معادلة المستقيم المماس للمنحنى (C_f) في النقطة 1.</p>	<p>للتنظيم 1</p> <p>2×1</p> <p>1</p> <p>2</p> <p>1</p> <p>1</p> <p>0.5</p>
<p>التمرين الثاني: نعتبر في \mathbb{C} المعادلة $(E): z^3 + (\sqrt{3}-i)z^2 + (1-\sqrt{3}i)z - i = 0$</p> <p>1- أ- بين أن للمعادلة (E) حلات تخيلية صرfa $z_0 = i\alpha$ حيث $\alpha \in \mathbb{R}$.</p> <p>ب- حدد العددين العقديين بحيث:</p> $\forall z \in \mathbb{C}: z^3 + (\sqrt{3}-i)z^2 + (1-\sqrt{3}i)z - i = (z-i)(z^2 + az + b)$ <p>(ج) حل في \mathbb{C} المعادلة (E') $z^2 + \sqrt{3}z + 1 = 0$</p> <p>(د) استنتج في \mathbb{C} حلول المعادلة (E)</p> <p>(2) ليكن z_1 و z_2 هما حلي المعادلة (E') حيث $\operatorname{Im}(z_1) > 0$.</p> <p>(أ) ضع z_0 و z_1 و z_2 على الشكل المثلثي</p> <p>(ب) احسب العدد $z_0^{30} + z_1^{60} + z_2^{90}$</p> <p>(3) نعتبر في المستوى العقدي P المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر $(O, \vec{e}_1, \vec{e}_2)$ النقط $A(i)$ و $B(\frac{-\sqrt{3}+i}{2})$ و $C(\frac{-\sqrt{3}-i}{2})$.</p> <p>أ- اكتب على الشكل المثلثي العدد $\frac{z_C - z_B}{z_A - z_B}$</p> <p>ب- استنتج قياسا للزاوية $(\widehat{BA, BC})$</p> <p>(ج) استنتج طبيعة المثلث ABC.</p>	<p>1</p> <p>1</p> <p>1</p> <p>1</p> <p>1.5</p> <p>1</p> <p>1</p> <p>0.5</p> <p>0.5</p>
<p>التمرين الثالث : (السؤالان 1 و 2 مستقلان)</p> <p>(1) نعتبر: $g(z) = \frac{z+iz}{z}$ حيث: $z = [1, \theta]$ و $\theta \in [0, \frac{\pi}{2}]$</p> <p>(أ) بين أن: $g(z) = 2 \cos(\frac{\pi}{4} - \theta) \left(\cos(\frac{\pi}{4} - \theta) + i \sin(\frac{\pi}{4} - \theta) \right)$</p> <p>(ب) نضع $z = [1, \frac{\pi}{12}]$ بين أن: $g(z) = \sqrt{3} \left(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2}i \right)$</p> <p>(2) حل في المعادلة $z^3 = \sqrt{3} - i$ (ضع الحلول على الشكل المثلثي)</p>	<p>1</p> <p>1</p> <p>1</p>