

<p><b>التمرين الاول :</b> نعتبر الدالة العددية <math>f</math> المعرفة بما يلي:</p> $f(x) = \begin{cases} x \operatorname{Arc} \tan x, & x > 0 \\ \sqrt[3]{1-x^3} - 1, & x \leq 0 \end{cases}$ <p>(1) حدد <math>D_f</math> مجموعة تعريف الدالة <math>f</math> واحسب نهايات <math>f</math> عند محددات <math>D_f</math>.</p> <p>(2) ادرس اتصال <math>f</math> في النقطة 0.</p> <p>(3) ادرس قابلية اشتقاق <math>f</math> في 0 على اليمين وعلى اليسار ثم أول النتيجة المحصل عليها هندسيا.</p> <p>(4) احسب <math>f'(x)</math> لكل <math>x</math> من <math>]-\infty, 0[</math> واحسب <math>f'(x)</math> لكل <math>x</math> من <math>]0, +\infty[</math>.</p> <p>(ب) ضع جدول تغيرات <math>f</math> على <math>D_f</math>.</p> <p>(5) حدد معادلة المستقيم المماس للمنحنى <math>(C_f)</math> في النقطة 1.</p>	<p>للتنظيم 1</p> <p>2×1</p> <p>1</p> <p>2</p> <p>1</p> <p>1</p> <p>0.5</p>
<p><b>التمرين الثاني:</b> نعتبر في <math>\mathbb{C}</math> المعادلة <math>(E): z^3 + (\sqrt{3}-i)z^2 + (1-\sqrt{3}i)z - i = 0</math></p> <p>1- أ - بين أن للمعادلة <math>(E)</math> حلات تخيلية صرfa <math>z_0 = i\alpha</math> حيث <math>\alpha \in \mathbb{R}</math>.</p> <p>ب- حدد العددين العقديين بحيث:</p> $\forall z \in \mathbb{C}: z^3 + (\sqrt{3}-i)z^2 + (1-\sqrt{3}i)z - i = (z-i)(z^2 + az + b)$ <p>(ج) حل في <math>\mathbb{C}</math> المعادلة <math>(E')</math> <math>z^2 + \sqrt{3}z + 1 = 0</math></p> <p>(د) استنتج في <math>\mathbb{C}</math> حلول المعادلة <math>(E)</math></p> <p>(2) ليكن <math>z_1</math> و <math>z_2</math> هما حلي المعادلة <math>(E')</math> حيث <math>\operatorname{Im}(z_1) &gt; 0</math>.</p> <p>(أ) ضع <math>z_0</math> و <math>z_1</math> و <math>z_2</math> على الشكل المثلثي</p> <p>(ب) احسب العدد <math>z_0^{30} + z_1^{60} + z_2^{90}</math></p> <p>(3) نعتبر في المستوى العقدي <math>P</math> المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر <math>(O, \vec{e}_1, \vec{e}_2)</math> النقط <math>A(i)</math> و <math>B(\frac{-\sqrt{3}+i}{2})</math> و <math>C(\frac{-\sqrt{3}-i}{2})</math>.</p> <p>أ- اكتب على الشكل المثلثي العدد <math>\frac{z_C - z_B}{z_A - z_B}</math></p> <p>ب- استنتج قياسا للزاوية <math>(\widehat{BA, BC})</math></p> <p>ج) استنتج طبيعة المثلث <math>ABC</math>.</p>	<p>1</p> <p>1</p> <p>1</p> <p>1</p> <p>1.5</p> <p>1</p> <p>1</p> <p>0.5</p> <p>0.5</p>
<p><b>التمرين الثالث : (السؤالان 1 و 2 مستقلان)</b></p> <p>(1) نعتبر: <math>g(z) = \frac{z+iz}{z}</math> حيث: <math>z = [1, \theta]</math> و <math>\theta \in [0, \frac{\pi}{2}]</math></p> <p>(أ) بين أن: <math>g(z) = 2 \cos(\frac{\pi}{4} - \theta) \left( \cos(\frac{\pi}{4} - \theta) + i \sin(\frac{\pi}{4} - \theta) \right)</math></p> <p>(ب) نضع <math>z = [1, \frac{\pi}{12}]</math> بين أن: <math>g(z) = \sqrt{3} \left( \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2}i \right)</math></p> <p>(2) حل في المعادلة <math>z^3 = \sqrt{3} - i</math> (ضع الحلول على الشكل المثلثي)</p>	<p>1</p> <p>1</p> <p>1</p>